

On peut dériver d en exprimant $d(x)$ comme le produit $x(x^2 + 1)^{-1/2}$:

$$d'(x) = (x^2 + 1)^{-1/2} + x \left(-\frac{1}{2}\right) (x^2 + 1)^{-3/2} \times 2x.$$

Pour simplifier l'expression, on factorise le $x^2 + 1$ qui intervient avec le plus bas degré :

ainsi, $d'(x) = (x^2 + 1)^{-3/2} (x^2 + 1 - x^2) = (x^2 + 1)^{-3/2}$.

A : primitive $\frac{2}{9}(3x)^{3/2}$, $A = 2/\sqrt{3}$;

corrigé succinct : A : en posant $u = \cos \theta$, $du = -\sin \theta d\theta$, $\cos^2 \theta = u^2$, et donc

$A = \int_1^{\sqrt{2}/2} -u^2 du$: $A = \frac{4 - \sqrt{2}}{12}$.